

1 次の計算をしなさい。

(1) $261 - 47$

(2) $78 - 14 - 31$

(3) $(16 + 34) \times 5$

(4) $\frac{3}{4} - \frac{1}{8} - \frac{1}{2}$

(5) $1.3 + 2.6 - 1.4$

(6) $28 \times 12 - 394 \div 2$

(7) $\frac{5}{6} \div \left(\frac{4}{15} + \frac{3}{20} \right)$

(8) $0.9 - \frac{5}{12} \div \frac{3}{4} \times \frac{3}{10}$

2 次の各問い合わせに答えなさい。

[1] 次の にあてはまる数を求めなさい。

(1) $42.195 = 10 \times \boxed{\text{ア}} + 1 \times \boxed{\text{イ}} + 0.1 \times \boxed{\text{ウ}} + 0.01 \times \boxed{\text{エ}} + 0.001 \times \boxed{\text{オ}}$

(2) $3 + \left\{ 7 - \frac{1}{5} \times (2 + \boxed{\text{カ}}) \div 2 \right\} = 9$

[2](1) A中学校で入学試験を行ったところ、合格者数は受験者数の $\frac{10}{21}$ よりも 9人少なく、不合格者数は受験者数の $\frac{8}{15}$ よりも 3人多いといいます。このときの受験者数は何人でしたか。

(2) 200円のノートと300円のレポート用紙を、合わせて12冊買えるお金があります。このお金で、ノートの冊数とレポートの冊数を入れかえて12冊買うと、200円不足します。お金はいくらありますか。

(3) 150mの長さの電車が、510mの鉄橋を全部渡ってしまうのに54秒かかりました。この電車の速さは時速何kmですか。また、工事中のため、速さを毎時18kmにして走行しました。この場合、列車全体が鉄橋の上にのっている時間は何分何秒ですか。

3 濃度が12%の食塩水500gが入った容器があります。この容器に毎分10gの割合でよくかき混ぜながら水を入れます。50分後に水を入れるのをやめ、すぐに毎分20gの割合で10分間この食塩水を流出させます。その後、すぐに毎分30gの割合で濃度2%の食塩水を30分間入れます。

このとき、次の問い合わせに答えなさい。

(1) 最初の食塩水の食塩の量は何gですか。

(2) 最初に水を入れはじめて10分後の濃度は何%ですか。

(3) 濃度が8%になるのは、最初に水を入れはじめて何分後ですか。

(4) 最初に水を入れはじめて1時間後の濃度は何%ですか。

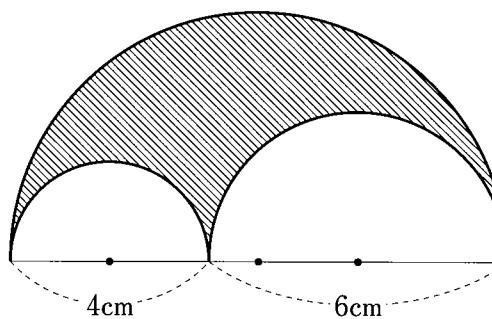
(5) この操作がすべて終わったときの濃度は何%ですか。小数第2位を四捨五入して答えなさい。

4 次の図①～③について、それぞれの問い合わせに答えなさい。ただし、図の中の太い点(・)は半円の中心を表し、円周率を3.14とします。

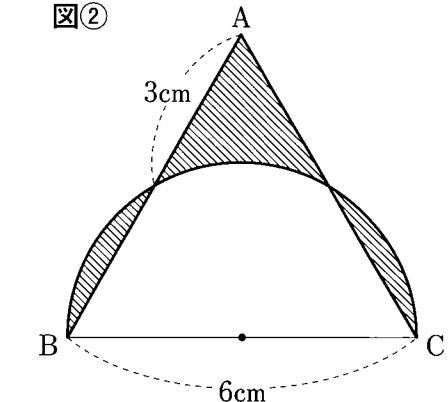
1 図①の斜線部の面積と周りの長さを求めなさい。

(2) 図②の斜線部の面積と周りの長さを求めなさい。ただし、△ABCは正三角形であるとします。

図①



図②

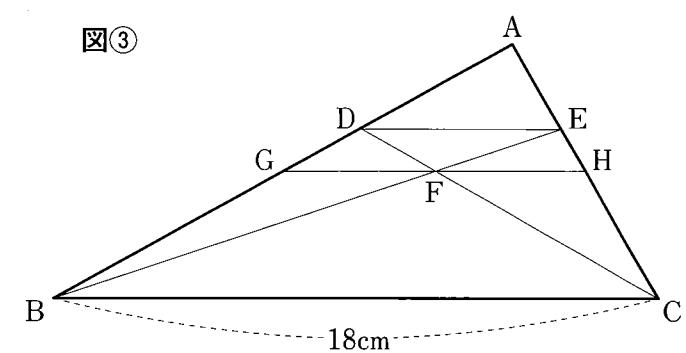


[2] 図③のように、BC=18cmの△ABCがあり、辺AB, ACを三等分する点のうち、点Aに近い方を順に点D, Eとします。また、線分DE, GH, BCがすべて平行となるように、点G, Hをそれぞれ辺AB, AC上にとります。このとき、

(1) 線分DE, GFの長さをそれぞれ求めなさい。

図③

(2) △ABCの面積が 90cm^2 であるとき、△ADEと△BDFの面積をそれぞれ求めなさい。



5 次のように、あるきまりにしたがって分数が並んでいます。

各段において、左端の分数の分母と異なる分母の分数は、で囲まれています。

このとき、次の(1)~(7)のにあてはまる適当な数を書き入れなさい。

1段目	$\frac{1}{2}$
2段目	$\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$
3段目	$\frac{1}{4}$ <input type="text"/> $\frac{1}{2}$ $\frac{3}{4}$
4段目	$\frac{1}{5}$ $\frac{2}{5}$ $\frac{3}{5}$ $\frac{4}{5}$
5段目	$\frac{1}{6}$ <input type="text"/> $\frac{1}{3}$ <input type="text"/> $\frac{1}{2}$ <input type="text"/> $\frac{2}{3}$ $\frac{5}{6}$
6段目	$\frac{1}{7}$ $\frac{2}{7}$ $\frac{3}{7}$ $\frac{4}{7}$ $\frac{5}{7}$ $\frac{6}{7}$
7段目	$\frac{1}{8}$ <input type="text"/> $\frac{1}{4}$ $\frac{3}{8}$ <input type="text"/> $\frac{1}{2}$ $\frac{5}{8}$ <input type="text"/> $\frac{3}{4}$ $\frac{7}{8}$
8段目	$\frac{1}{9}$ $\frac{2}{9}$ <input type="text"/> $\frac{1}{3}$

(9段目以降も同じように並べてあるものとします。)

(1) 1段目から順にみていくと、2段目の右端にまず最初の $\frac{2}{3}$ があります。このようにみていくと、5個目の $\frac{2}{3}$ は段目の左から番目にあることがわかります。

ここで、たとえば6段目をみてみます。

$\frac{1}{7}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{3}{7}$	$\frac{4}{7}$	$\frac{5}{7}$	$\frac{6}{7}$
↑	↑	↑	↑	↑	↑

これを参考にすると、6段目の分数の合計は、簡単に計算できて、3となります。

(2) 11段目の分数のうち、で囲まれた分数は全部で個あります。また、11段目にあるすべての分数の合計はです。

(3) 1段目から10段目までの、で囲まれたすべての分数の合計はオです。

また、6段目について、分数を次のように配列してみます。

$$\begin{array}{ccccccc} \rightarrow & \frac{1}{7} & \rightarrow & \frac{2}{7} & \rightarrow & \frac{3}{7} & \rightarrow \\ \frac{6}{7} & \rightarrow & \frac{5}{7} & \rightarrow & \frac{4}{7} & \rightarrow & \frac{3}{7} \end{array} \begin{array}{ccccc} \rightarrow & \frac{5}{7} & \rightarrow & \frac{4}{7} & \rightarrow \\ \frac{2}{7} & \rightarrow & \frac{1}{7} & & \end{array}$$

上下の2つの分数に着目して、6段目の2列分を合計すると6になります。

これを参考にすると、各段の分数の合計はさらに簡単に計算できます。

(4) 18段目にあるすべての分数の合計はカです。また、段目にあるすべての分数の合計は $12\frac{1}{2}$ です。

(5) 1段目から10段目までに分数は、全部で個あります。そして、それらすべての分数の合計はケです。

(6) 1段目から段目までにあるすべての分数の合計が、初めて100をこえます。

(7) 1段目、3段目、5段目、……、99段目にあるすべての分数の合計はサです。

解 答

- [1] (1) 214 (2) 33 (3) 250 (4) $\frac{5}{8}$ (5) 2.5
(6) 139 (7) 2 (8) $\frac{11}{15}$
- [2]
[1] (1) ア…4, イ…2, ウ…1, エ…9, オ…5 (2) 8
[2] (1) 630人 (2) 2900円 (3) 速さ…時速44km, 時間…1分12秒
[3] (1) 60g (2) 10% (3) 25分後 (4) 6% (5) 3.9%
- [4]
[1] (1) 面積…18.84cm², 周りの長さ…31.4cm (2) 面積…4.71cm², 周りの長さ…21.42cm
[2] (1) DE…6cm, GF…4.5cm (2) △ADE…10cm², △BDF…15cm²
- [5] (1) ア…14, イ…10 (2) ウ…7, エ… $5\frac{1}{2}$ (3) 7 (4) カ…9, キ…25
(5) ク…55, ケ… $27\frac{1}{2}$ (6) 20 (7) 1250