

問1 次の計算をした結果として正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

(ア) $(-8) + (-4)$

1. -12

2. -4

3. 4

4. 12

(イ) $-\frac{5}{7} + \frac{2}{3}$

1. $-\frac{3}{4}$

2. $-\frac{13}{21}$

3. $-\frac{1}{21}$

4. $\frac{1}{21}$

(ウ) $65a^2b \div 5a$

1. $6b$

2. $6ab$

3. $13b$

4. $13ab$

(エ) $\frac{18}{\sqrt{2}} - \sqrt{98}$

1. $\sqrt{2}$

2. $2\sqrt{2}$

3. $3\sqrt{2}$

4. $4\sqrt{2}$

(オ) $(x+9)^2 - (x-3)(x-7)$

1. $8x+60$

2. $8x+102$

3. $28x+60$

4. $28x+102$

問2 次の問いに対する答えとして正しいものを、それぞれあとの1～4の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

(ア) $(x+4)^2 - 2(x+4) - 24$ を因数分解しなさい。

1. $(x+4)(x-6)$

2. $(x-4)(x+6)$

3. $(x+8)(x-2)$

4. $(x-8)(x+2)$

(イ) 2次方程式 $6x^2 - 2x - 1 = 0$ を解きなさい。

1. $x = \frac{1 \pm \sqrt{7}}{6}$

2. $x = \frac{1 \pm \sqrt{7}}{3}$

3. $x = \frac{1 \pm \sqrt{14}}{6}$

4. $x = \frac{1 \pm \sqrt{14}}{3}$

(ウ) 関数 $y = ax^2$ について、 x の値が2から5まで増加するときの変化の割合が-4であった。このときの a の値を求めなさい。

1. $a = -4$

2. $a = -\frac{4}{3}$

3. $a = -\frac{4}{7}$

4. $a = -\frac{4}{21}$

(エ) 1本 a 円のえんぴつを 9 本と 1 個 100 円の消しゴムを 1 個買って 1000 円を支払い、おつりを受け取った。このときの数量の関係を不等式で表しなさい。

1. $9a+100 > 1000$ 2. $9a+100 < 1000$ 3. $9a-100 > 1000$ 4. $9a-100 < 1000$

(オ) $\sqrt{53-2n}$ が整数となるような正の整数 n の個数を求めなさい。

1. 1 個 2. 2 個 3. 3 個 4. 4 個

(カ) 右の度数分布表は、あるクラスの生徒 20 人のハンドボール投げの記録をまとめたものである。この度数分布表から求められる記録の平均値を答えなさい。

1. 21.0 m 2. 21.2 m
3. 21.4 m 4. 21.6 m

階級 (m)	度数 (人)
以上 未満	
10 ~ 14	1
14 ~ 18	3
18 ~ 22	8
22 ~ 26	6
26 ~ 30	2
計	20

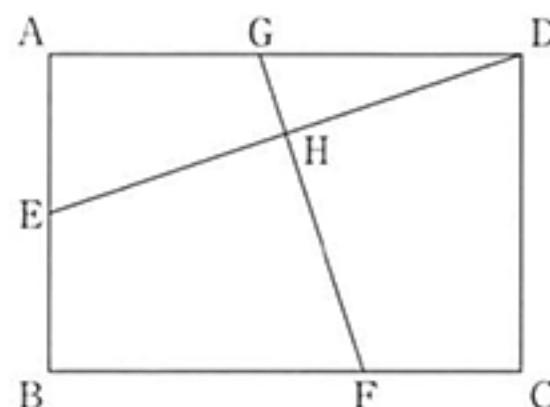
問3 次の問いに答えなさい。

(ア) 右の図のように、長方形 ABCD があり、辺 AB の中点を E とする。

また、辺 BC 上に点 F を $BF : FC = 2 : 1$ となるようにとり、辺 AD 上に点 G を、線分 DE と線分 FG が垂直に交わるようにとる。

さらに、線分 DE と線分 FG の交点を H とする。

$AB = 2 \text{ cm}$, $BC = 3 \text{ cm}$ のとき、線分 GH の長さを求めなさい。



(イ) A さんの家からバス停までの道のりは a km, バス停から駅までの道のりは b km である。A さんが、A さんの家からバス停までは時速 4 km で歩き、バス停から駅までは時速 30 km で走るバスに乗ったところ、A さんの家から駅まで t 時間かかった。

このとき、 t を a と b を使った式で表しなさい。ただし、バス停でバスを待つ時間は考えないものとする。

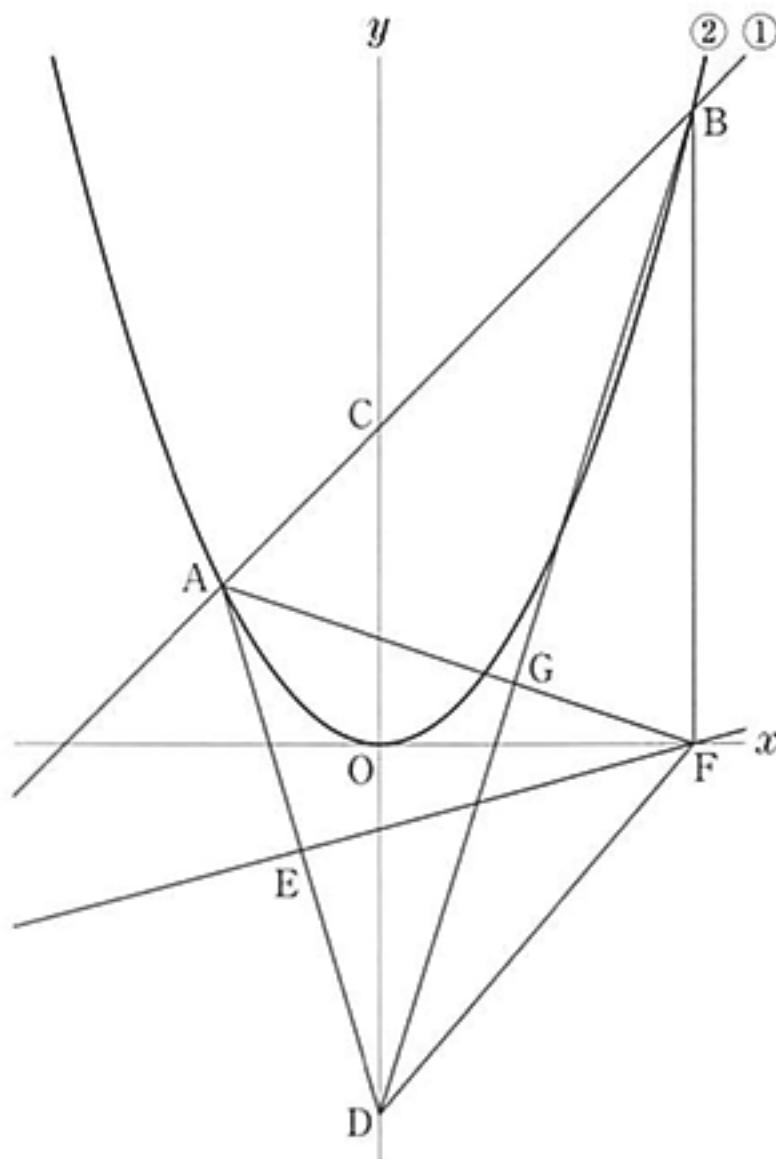
問4 右の図において、直線①は関数 $y = x + 6$ のグラフであり、曲線②は関数 $y = ax^2$ のグラフである。

2点A, Bはともに直線①と曲線②との交点で、点Aのx座標は-3、点Bのx座標は6であり、点Cは直線①とy軸との交点である。

また、原点をOとするとき、点Dはy軸上の点で、 $CO : OD = 6 : 7$ であり、そのy座標は負である。点Eは線分AD上の点で、 $AE = ED$ である。

さらに、点Fはx軸上の点で、線分BFはy軸に平行である。

このとき、次の問いに答えなさい。



(ア) 曲線②の式 $y = ax^2$ の a の値として正しいものを次の1~6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. $a = \frac{1}{4}$
4. $a = \frac{1}{2}$

2. $a = \frac{1}{3}$
5. $a = \frac{2}{3}$

3. $a = \frac{2}{5}$
6. $a = \frac{3}{4}$

(イ) 直線EFの式を $y = mx + n$ とするときの(i) m の値と、(ii) n の値として正しいものを、それぞれ次の1~6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

(i) m の値

1. $m = \frac{1}{15}$
4. $m = \frac{4}{15}$

2. $m = \frac{2}{15}$
5. $m = \frac{1}{3}$

3. $m = \frac{1}{5}$
6. $m = \frac{2}{5}$

(ii) n の値

1. $n = -2$
4. $n = -\frac{5}{3}$

2. $n = -\frac{28}{15}$
5. $n = -\frac{8}{5}$

3. $n = -\frac{9}{5}$
6. $n = -\frac{22}{15}$

(ウ) 線分AFと線分BDとの交点をGとするとき、三角形AGBと三角形DFGの面積の比を最も簡単な整数の比で表しなさい。

問5 右の図1のように、2つの円O, O'がある。線分OO'上に2点O, O'とは異なる点Xがあり、線分OXは円Oの半径、線分O'Xは円O'の半径である。

また、円Oの周上には、3点A, X, Bが時計回りの順に並んでおり、円O'の周上には、3点C, D, Xが時計回りの順に並んでいる。

さらに、点Aの位置に点Pがある。

大、小2つのさいころを同時に1回投げ、大きいさいころの出た目の数をa、小さいさいころの出た目の数をbとし、出た目の数によって、次の【ルール①】、【ルール②】にしたがい、点Pを円周に沿って移動させる。

【ルール①】 aとbの和だけ、点Aを出発点とし、円の周上の点を時計回りの順に1つずつ移動させる。

【ルール②】 aがbの約数であるとき、点Xの次は円O'の周上の点を時計回りの順に移動させ、aがbの約数でないとき、点Xの次は円Oの周上の点を時計回りの順に移動させる。

例

大きいさいころの出た目の数が1、小さいさいころの出た目の数が4のとき、【ルール①】により、点Pを、1と4の和の5だけ、点Aを出発点とし、円の周上の点を時計回りの順に1つずつ移動させる。そのとき、1は4の約数であるから、【ルール②】により、点Xの次は円O'の周上の点を時計回りの順に移動させる。したがって、点PをA → X → C → D → X → Cと移動させることとなる。

この結果、点Pは図2のように点Cの位置にある。

いま、点Aの位置に点Pがある状態で、大、小2つのさいころを同時に1回投げるとき、次の問いに答えなさい。ただし、大、小2つのさいころはともに、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

(ア) 点Pが点Xの位置にある確率として正しいものを次の1~6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. $\frac{1}{12}$

2. $\frac{1}{6}$

3. $\frac{1}{4}$

4. $\frac{1}{3}$

5. $\frac{5}{12}$

6. $\frac{1}{2}$

(イ) 点Pが点Bの位置にある確率を求めなさい。

図1

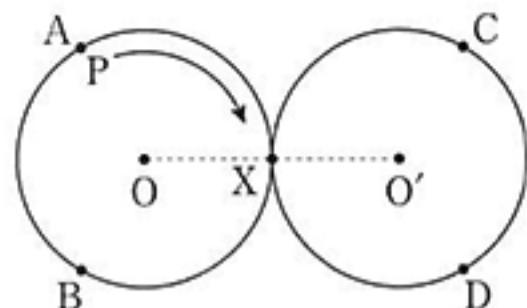
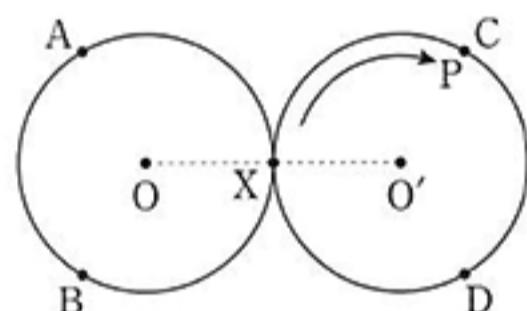


図2



問6 右の図は、線分ABを直径とする円Oを底面とし、線分ACを母線とする円すいである。

AB = 8 cm, AC = 6 cm のとき、次の問いに答えなさい。ただし、円周率は π とする。

(ア) この円すいの体積として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. $\frac{8\sqrt{5}}{3}\pi \text{ cm}^3$

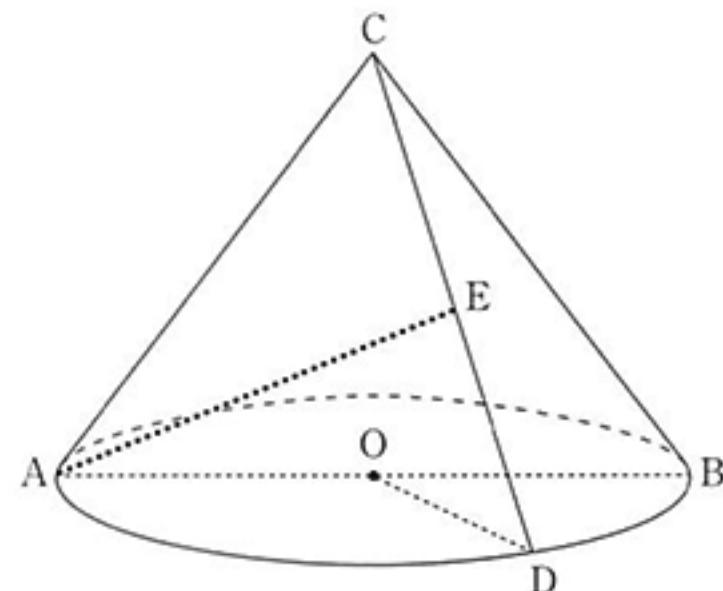
2. $\frac{40}{3}\pi \text{ cm}^3$

3. $8\sqrt{5}\pi \text{ cm}^3$

4. $\frac{32\sqrt{5}}{3}\pi \text{ cm}^3$

5. $40\pi \text{ cm}^3$

6. $32\sqrt{5}\pi \text{ cm}^3$



(イ) この円すいの表面積として正しいものを次の1～6の中から1つ選び、その番号を答えなさい。

1. $24\pi \text{ cm}^2$

2. $40\pi \text{ cm}^2$

3. $64\pi \text{ cm}^2$

4. $70\pi \text{ cm}^2$

5. $88\pi \text{ cm}^2$

6. $120\pi \text{ cm}^2$

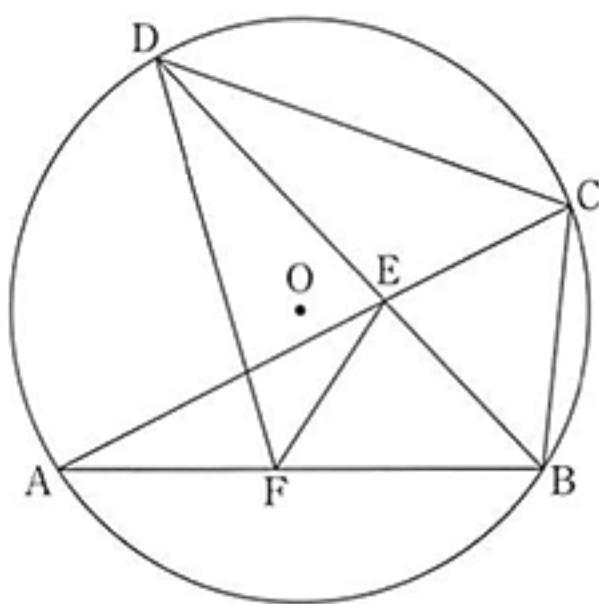
(ウ) この円すいにおいて、円Oの周上に点Dを $\angle AOD = 120^\circ$ となるようにとり、線分CDの中点をEとする。このとき、2点A, E間の距離を求めなさい。

問7 右の図のように、円Oの周上に3点A, B, Cを $AB > BC$ となるようにとる。

また、点Bを含まない \widehat{AC} 上に2点A, Cとは異なる点Dをとり、線分ACと線分BDとの交点をEとする。

さらに、線分AB上に点Fを $\angle BDC = \angle BDF$ となるようにとる。

このとき、次の問い合わせに答えなさい。



(ア) 三角形BCDと三角形FEDが相似であることを次のように証明した。

[証明]

$\triangle BCD$ と $\triangle FED$ において、

まず、 $\angle BDC = \angle BDF$ より、

$$\angle BDC = \angle FDE \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

次に、(i) から、

$$\angle BDC = \angle BAC \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

①, ②より、 $\angle FDE = \angle BAC$

$$\text{よって}, \angle FDE = \angle FAE \quad \dots \dots \textcircled{3}$$

2点A, Dは直線EFについて同じ側にあって、

③が成り立つことから、

(ii) といえる。

このとき、 \widehat{DE} に対する円周角は等しいから、線分ADを引くと、

$$\angle DAE = \angle DFE$$

$$\text{よって}, \angle DAC = \angle DFE \quad \dots \dots \textcircled{4}$$

また、 \widehat{DC} に対する円周角は等しいから、

$$\angle DAC = \angle DBC \quad \dots \dots \textcircled{5}$$

$$\text{④, ⑤より}, \angle DBC = \angle DFE \quad \dots \dots \textcircled{6}$$

①, ⑥より、2組の角がそれぞれ等しいから、

$$\triangle BCD \sim \triangle FED$$

この証明を完成させるために適するところを(i), (ii) それぞれに、具体的な点、角、弧、辺などを明らかにして書きなさい。

(イ) $\angle ABC = 96^\circ$, $\angle AEF = 30^\circ$ のとき、 $\angle BFE$ の大きさを求めなさい。

(問題は、これで終わりです。)

III 数 学 正答表並びに採点上の注意 (平成30年度)

問1	(7)	(4)	(9)	
	1	3	4	
	(x)	(x)		
	2	3		
問2	(7)	(4)	(9)	
	3	1	3	
	(x)	(x)	(x)	
	2	4	1	
問3	(7)	(4)	(9)	
	$\frac{\sqrt{10}}{6}$ cm	$t = \frac{a}{4} + \frac{b}{30}$		
問4	(7)	(4)	(9)	
	(i) 2 4	(ii) 5	$\triangle AGB : \triangle DFG = 13 : 6$	
問5	(7)	(4)	(9)	
	4		$\frac{2}{9}$	
問6	(7)	(4)	(9)	
	4	2	$\sqrt{33}$ cm	
問7	(7)	(4)	(9)	
	(i)			
	BCに対する円周角は等しい			
	(ii)			
	4点A, F, E, Dは1つの円周上にある			
				正答例。
	(7)	(4)	(9)	
	$\angle BFE = \boxed{57}^\circ$			